

ΑΕΝ Ασπροπύργου – Σχολή Μηχανικών  
**Εφαρμοσμένα Μαθηματικά I**, Φεβρουάριος 2018

**Μόνο για πρωτοετείς**

Ονοματεπώνυμο..... Τμήμα..... Α.Μ. ....

**A.** Βρείτε τους αντιστρόφους των πινάκων  $A = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ .

**B.** Αν  $\begin{vmatrix} x & y \\ z & w \end{vmatrix} = 4$ , βρείτε τις  $\begin{vmatrix} 3x & 3y \\ z & w \end{vmatrix}, \begin{vmatrix} 3x & 3y \\ 3z & 3w \end{vmatrix}, \begin{vmatrix} 3x & 3y \\ 5z & 5w \end{vmatrix}, \begin{vmatrix} x & y \\ x & y \end{vmatrix}, \begin{vmatrix} x & y \\ xz & yz \end{vmatrix}$ .

**Γ.** Λύστε με τη μέθοδο οριζουσών το σύστημα  $\begin{cases} 2x + 3y = 5 \\ x + y = 1 \end{cases}$ .

**Δ.** Αφού γραφεί σε τριγωνομετρική μορφή ο μιγαδικός  $z = 1+i$ , βρείτε τον  $z^{10}$ .

**E.** Βρείτε και παραστήστε γραφικά τις κυβικές ρίζες του  $i$ .

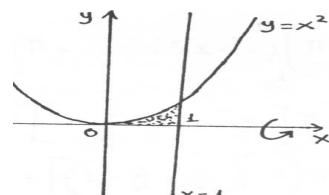
**Στ.** Υπολογίστε τα όρια  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 25}{x - 5}$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - 25}{x - 5}$ ,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - 25}{x^2 - 5}$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5 \cdot \sin x}{x}$ .

**Z.** Κάντε τη γραφική παράσταση της συναρτήσεως  $f(x) = |x|$ . Εξετάστε αν είναι άρτια, συνεχής και παραγωγίσιμη στο πεδίο ορισμού της.

**H.** Υπολογίστε αναλυτικά τις παραγώγους  $(4x \cdot \sqrt{x} \cdot \log x)'$ ,  $\left( \frac{3e^x}{\sin x} + \frac{\cos^2 x}{5} \right)'$ .

**Θ.** Υπολογίστε τα  $\int_5^6 3^x dx$ ,  $\int_5^6 x^3 dx$ ,  $\int \frac{-2}{x^2} dx$ ,  $\int_1^6 \ln x dx$ ,  $\int \sin(2x+3) dx$ .

**I.** Ποιος ο όγκος του στερεού που προκύπτει από την περιστροφή περί τον άξονα  $xx'$  του χωρίου που περικλείεται από τη γραφική παράσταση της συναρτήσεως  $y = x^2$ , τον θετικό ημιάξονα  $Ox$  και την ευθεία  $x = 1$ ;



**ΘΕΜΑΤΑ ΙΣΟΔΥΝΑΜΑ**

ΚΑΛΗ ΣΑΣ ΕΠΙΤΥΧΙΑ ☺